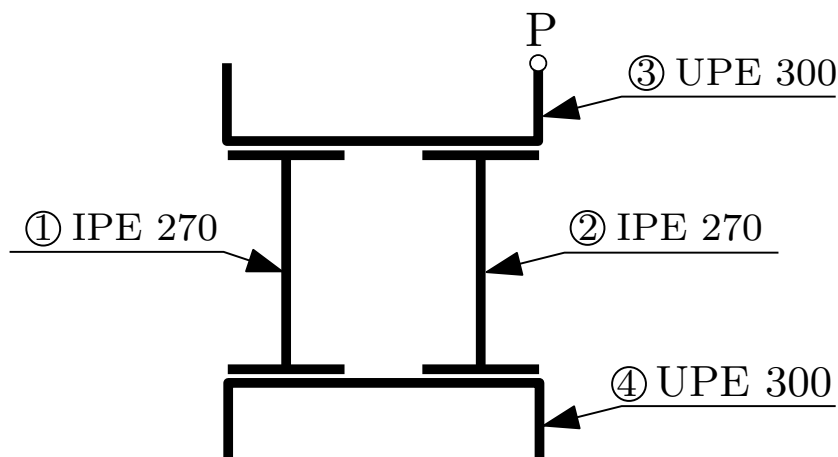


Průřezové charakteristiky

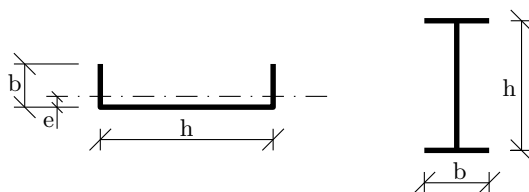


Obrázek 1: Příčný řez svařence.

Úkol: U zadaného příčného řezu svařence ocelových válcovaných profilů (**IPE 270** a **UPE 300**) určete hlavní centrální momenty setrvačnosti a vykreslete v měřítku odpovídající elipsu setrvačnosti.

Řešení:

- Pro zadaný ocelový svařenec si nejprve najdeme ve statických tabulkách potřebné hodnoty průřezových charakteristik válcovaných profilů a zapíšeme je do tabulky.



Obrázek 2: Tabulkové charakteristiky.

| i | A_i [mm ²] | I_{yi} [mm ⁴] | I_{zi} [mm ⁴] | b_i [mm] | e_i [mm] |
|----------|--------------------------|-----------------------------|-----------------------------|------------|------------|
| 1, 2 | 4590 | $5,79 \cdot 10^7$ | $4,20 \cdot 10^6$ | 135 | - |
| 3, 4 | 4070 | $4,03 \cdot 10^6$ | $5,87 \cdot 10^7$ | 100 | 28,6 |
| \sum_i | 17320 | | | | |

Tabulka 1: Průřezové charakteristiky válcovaných výrobků.

- Následuje výpočet těžiště zadaného obrazce. Vypočteme hodnotu y_c (vodorovná vzdálenost těžiště obrazce od bodu P) a hodnotu z_c (svislá vzdálenost těžiště obrazce od bodu P). U zadaného obrazce se těžiště nemusí zdlouhavě počítat, neboť obrazec je symetrický. Jak jistě víme z přednášek, těžiště leží na ose symetrie. Obrazec je symetrický podle obou os, tedy nemusíme počítat ani jednu hodnotu.

Těžiště má souřadnice:

$$\underline{y_c = 150 \text{ mm}} \quad \text{a} \quad \underline{z_c = 235 \text{ mm}} \quad (1)$$

- Pokud máme spočítané těžiště obrazce, můžeme začít počítat momenty setrvačnosti. Jedná se o I_{y_c} (moment setrvačnosti k vodorovné těžišťové ose) a I_{z_c} (moment setrvačnosti ke svislé těžišťové ose). Před výpočtem si do tabulky zapíšeme vzdálenosti těžišť jednotlivých profilů od zvolených os a od výsledných těžišťových os.

| | y_i [mm] | z_i [mm] | $y_i - y_c$ [mm] | $z_i - z_c$ [mm] |
|---|------------|------------|------------------|------------------|
| 1 | 232,5 | 235,0 | 82,5 | 0 |
| 2 | 67,5 | 235,0 | -82,5 | 0 |
| 3 | 150,0 | 71,4 | 0 | -163,6 |
| 4 | 150,0 | 398,6 | 0 | 163,6 |

Tabulka 2: Vzdálenosti těžišť jednotlivých profilů od zvolených os a od výsledných těžišťových os.

$$I_{y_c} = (I_{y_1} + A_1 \cdot (z_1 - z_c)^2) + (I_{y_2} + A_2 \cdot (z_2 - z_c)^2) + (I_{y_3} + A_3 \cdot (z_3 - z_c)^2) + (I_{y_4} + A_4 \cdot (z_4 - z_c)^2) \quad (2)$$

$$\underline{I_{y_c} = 341726774,4 \text{ mm}^4}$$

$$I_{z_c} = (I_{z_1} + A_1 \cdot (y_1 - y_c)^2) + (I_{z_2} + A_2 \cdot (y_2 - y_c)^2) + (I_{z_3} + A_3 \cdot (y_3 - y_c)^2) + (I_{z_4} + A_4 \cdot (y_4 - y_c)^2) \quad (3)$$

$$\underline{I_{z_c} = 188281375 \text{ mm}^4}$$

- Výpočet deviačního momentu: Deviační moment se opět nemusí počítat, neboť u takto symetrického obrazce je jeho hodnota rovna 0.

$$\underline{D_{y_c z_c} = 0} \quad (4)$$

Úhel α_0 (úhel mezi vodorovnou těžišťovou osou a bližší z os) :

$$\tan \cdot 2\alpha_0 = \frac{2 \cdot D_{y_c z_c}}{I_{z_c} - I_{y_c}} \implies \alpha_0 = 0 \quad (5)$$

- Výpočet I_{y_0} a I_{z_0} . Tímto výpočtem dostaneme maximální a minimální moment setrvačnosti.

$$I_{y_0} = I_{y_c} \cdot \cos^2 \alpha_0 + I_{z_c} \cdot \sin^2 \alpha_0 - D_{y_c z_c} \cdot \sin 2\alpha_0 \implies \underline{I_{y_0} = 3,4172 \cdot 10^8 \text{ mm}^4} \quad (6)$$

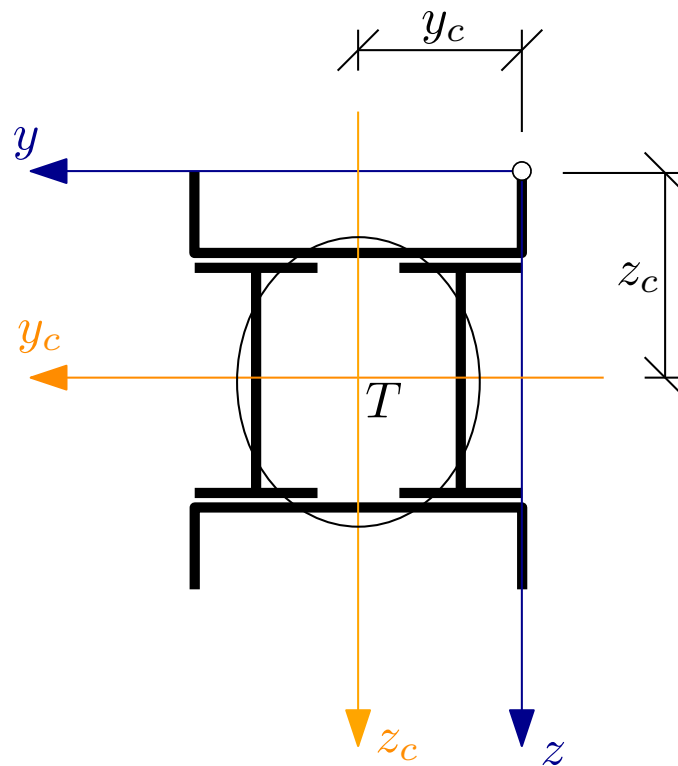
$$I_{z_0} = I_{y_c} \cdot \sin^2 \alpha_0 + I_{z_c} \cdot \cos^2 \alpha_0 - D_{y_c z_c} \cdot \sin 2\alpha_0 \implies \underline{I_{z_0} = 1,8828 \cdot 10^8 \text{ mm}^4} \quad (7)$$

$$\implies \underline{I_{y_0} = I_{\max}} \quad \text{a} \quad \underline{I_{z_0} = I_{\min}}$$

- i_{\max} a i_{\min} (maximální a minimální poloměr setrvačnosti)

$$\underline{i_{\min} = \sqrt{\frac{I_{z_0}}{A}} = 104,263 \text{ mm}} \quad \text{a} \quad \underline{i_{\max} = \sqrt{\frac{I_{y_0}}{A}} = 140,464 \text{ mm}} \quad (8)$$

- Na závěr se vykreslí elipsa setrvačnosti v měřítku.



Obrázek 3: Elipsa setrvačnosti.